焦点距離と焦点深度を同時制御可能な レーザー加工用焦点制御バイナリ回折レンズ

 三重大学 大学院工学研究科 電気電子工学専攻 准教授 元垣内 敦司
 (平成 29 年度 一般研究開発助成 AF-2017213)

キーワード: 焦点分布制御, 回折レンズ, レーザー加工

1. 研究の目的と背景

レーザー光は、指向性が高いため、通信、記録、加工、 計測など様々な分野で利用できる。このように、レーザー 光を制御するための光学素子は、大きな注目を集めている。 凸レンズやアキシコンレンズなどの光学レンズは、屈折に よってレーザー光の分布を任意に制御するために使用さ れる。

レンズの焦点距離は、その屈折率と曲率半径の関数であ る。レンズの組み合わせにより、さまざまなビームパター ンを生成できる。レーザービームが凸レンズに入射すると、 すべての光は単一の点に集束される。対照的に、アキシコ ンレンズを透過したレーザービームの波面は、回転対称軸 によって伝播軸が与えられる円錐面によって与えられる ので、円筒状またはリング状のビームを得ることができる。 高い光強度の領域は、伝播軸上の干渉によって生成される。 さらに、アキシコンレンズは焦点深度が深いため、アキシ コンレンズの焦点距離を正確に制御する必要はなく、焦点 深度は、円錐面の頂角のサイズによって制御される。

光学レンズは、曲率があるため、小型化が困難である。 対照的に、回折レンズの焦点距離は屈折率と曲率半径に依存せず、レンズの表面に形成された構造によって制御できる。したがって、回折レンズは、光学レンズよりも焦点分布を制御する自由度が高い。さらに、回折レンズは曲率がないため、光学レンズよりも薄くできる。さらに、紫外領域の材料で製造することもできる。そこで本研究では、回折レンズの特徴に注目しながら、回折レンズの作製に関する研究を行ってきた。回折レンズは電子線リソグラフィーを使用して製造できる。さらに一度構造の形状が決まれば、大量生産および大面積構造の製造を行うために、ナノインプリント技術に移行するのが比較的簡単である[1]。さらに、波長のオーダーの厚さを有する回折レンズを作製することが可能である。

回折レンズは1875年にゾーンプレートとしてSoletらによって最初に開発された[2]。光の回折効率を改善するために、キノフォームはLesemらによって開発された[3,4]。その後、断面が階段状のマルチレベル回折光学素子の開発により、コンピュータ支援設計と大面積集積技術に基づくバイナリ光学素子が開発された[5]。マルチレベルグレーティングの構造により、キノフォームと同様の光学効果を得ることが可能である[6、7]。ブレーズ構造と同

等のサブ波長構造は、Lalanneらによって提案されたフレ ネルレンズをバイナリサブ波長構造に変換することによ ってレンズ構造を作製することを可能した[8、9]。さらに、 この構造により、色消し回折レンズを製造することができ る[10]。

我々の研究グループでは、発光ダイオード(LED)の配 光を制御するためのバイナリ型回折レンズとして LED 光 を集束するバイナリ回折凸レンズ[1,11]と LED 照明を拡 散するバイナリ回折凹レンズ[12]の2種類のレンズを作 製した。これらのレンズにはいくつかのサブミクロン構造 が含まれているため、その製造には電子ビームリソグラフ ィー技術を使用する必要がある[1,11,12]。一般に、フォ トリソグラフィとナノインプリント技術は、大面積で低コ ストの量産に向いているが、モールドやマスクを必要とす る。電子線リソグラフィーを使用すると、作製には時間を 要するが、トライ&エラーを繰り返しながら、目標となる となる最適な構造を得ることができる。

レーザー加工では、532nm や 355nm などの YAG レーザー の高次高調波の短波長レーザーを使用して、高アスペクト 比で高アスペクト比の高深度に穴をあけることは困難で ある。これは、凸レンズの曲率半径またはアキシコンレン ズの頂角を介して焦点距離と焦点深度を制御することが 困難なためである。

これに対して我々の研究グループでは1枚の平らな基 板上に凸レンズとアキシコンレンズの両方として機能す る回折レンズ構造を設計、製作した。このレンズを、焦点 分布制御型回折レンズと呼ぶ。これは、焦点距離と焦点深 度を同時に制御できる光学素子である。バイナリ回折構造 を持つアキシコンレンズは以前に報告されている[13-17]。これまでのほとんどの研究では、アキシコンレンズ の焦点距離は輪帯半径の二乗に比例する。しかし、我々が 提案した構造は、同じ基板上で凸レンズとアキシコンレン ズの両方の機能をハイブリッド化するものである。本研究 ではこのような焦点分布制御型回折レンズの構造につい て設計、作製、光学的特性評価を行い、レジストパターン のレンズ構造で焦点距離と焦点深度が制御できることを 確認することを目的として研究を行う。更に、レーザー加 工用レンズへの応用を目指し、石英ガラス基板をドライエ ッチングした石英ガラス製の焦点分布制御型回折レンズ の作製も行ったので、これについても報告する。

2. レンズの設計及びシミュレーション

2・1 レンズの設計

回折格子と回折レンズの両方を使用する理想的なフレ ネル回折レンズに基づいて、焦点分布制御バイナリ回折レ ンズを設計した。図1に、設計したレンズの断面図と上面 図の概略図を示す。



図1 焦点分布制御型回折レンズの模式図

この構造はフレネルレンズに基づいており、バイナリ構造で構成されている。フレネルレンズ構造からバイナリ構造への変換方法の詳細は、[11,12]の研究に記載されている。この図では、中心にある第1輪帯の輪帯間隔 ΔR_1 と、レンズの *M* 番目の輪帯を表す最外周位置にある輪帯間隔 ΔR_u は、シミュレーションで使用される独立変数で、 R_u はレンズの半径である。入射光の波長は λ =532 nm である。レンズの高さ*h*は次のように表すことができる。

$$h = \frac{\lambda_0}{2(n-1)} \tag{1}$$

ここで、nはレンズ媒体の屈折率である。これは、高さ方 向の位相差をπに調整して0次光を除去することに相当す る。

考案したレンズ構造によって生成される 1 次回折光の 位相シフトは、 ΔR_1 、 ΔR_M 、 R_{max} 、および λ_0 の独立した パラメーターの組み合わせで計算した。 位相シフトの輪 帯半径 rの依存性は、次の関係によって与えられる。

$$\phi_d(r) = k_0 \left(ar + br^2\right) \tag{2}$$

ここで、 $k_0 = 2\pi/\lambda_0$ は波数を示す。(2)式で表されるレンズは回折格子と回折レンズの位相シフトを組み合わせたもので、第1項は回折格子の1次回折光の位相シフトを表し、第2項は回折レンズの位相シフトを表す。係数 a および b は、 ΔR_1 、 ΔR_M 、 R_M 、および λ_0 によって決定される。m番目の輪帯の輪帯半径 r_m は、 2π に調整された

半径方向の位相差を表す次の式によって満たされる。

$$\phi_d\left(r_m\right) = 2\pi m \tag{3}$$

式(2),(3)から、輪帯半径 rm は次式で求まる。

$$r_m = \frac{-a + \sqrt{a^2 + 4bm\lambda_0}}{2b} \tag{4}$$

輪帯間隔Δrm は次式で表される。

$$\Delta r_m = r_m - r_{m-1} \tag{5}$$

(5)式から、それぞれ $\Delta R_1 = \Delta r_1$ および $\Delta R_M = \Delta r_M$ である。mの最大値 Mの場合、位相シフト μ は次の式で表される。

$$\phi_d\left(R_M\right) = \frac{2\pi}{\lambda_0} \left(aR_M + bR_M^2\right) = 2\pi M \tag{6}$$

$$aR_M + bR_M^2 = M\lambda_0 \tag{7}$$

同様にして M-1 に対して、

$$R_{M-1} = R_M - \Delta R_M \tag{8}$$

$$\phi_{d}\left(R_{M-1}\right) = \frac{2\pi}{\lambda_{0}} \left(aR_{M-1} + bR_{M-1}^{2}\right) = 2\pi \left(M-1\right)$$
(9)

$$a(R_M - \Delta R_M) + b(R_M - \Delta R_M)^2 = (M - 1)\lambda_0_{(10)}$$

(6)式と(7)式の差から、係数 bが次式のように求まる。

$$a\Delta R_M + b\left(2R_M \cdot \Delta R_M - \Delta R_M^2\right) = \lambda_0 \tag{11}$$

$$b = \frac{\lambda_0 - a\Delta R_M}{\Delta R_M \left(2R_M - \Delta R_M\right)} \tag{12}$$

逆に、中央部の回折条件は次のとおりである。

$$\phi_d(r_1) = \frac{2\pi}{\lambda_0}(ar_1) = \frac{2\pi}{\lambda_0}(a\Delta R_1) = 2\pi$$
(13)

$$a = \frac{\lambda_0}{\Delta R_1} \tag{14}$$

回折限界のため、 $\Delta R_{\rm M}$ は入射光の波長よりも大きくなる。 対照的に、 $\Delta R_{\rm I}$ は、レンズ構造内の 0 次光の透過しない 程度の大きさにする。位相シフト $\rho_{\rm H}$ とrの関係を図 2 (a)

に示す。(2)式から、rmが増加すると回折格子構造の位 相シフトは線形的に増加する。逆に、回折レンズ構造の 位相シフトは、rm が増加するにつれて放物線状に増加す る。これらの位相シフトは、図2(a)に示すように、設 計されたバイナリ回折レンズの位相シフトを生成するた めに足し合わせる。バイナリ回折レンズ構造の中央部分 はグレーティング構造に似ているが、外側の部分は回折 レンズ構造に似ている。



図2輪帯半径と1次回折の位相シフト(a)と焦点距離(b) の関係

rmとrm-1のそれぞれについて、各輪帯からの光路Pmと P_{m-1} の差は、(15)式を満たす。したがって、輪帯間隔 Δr_m = rm-rm-1の焦点距離 fm は、(17)式から得られる。焦点距離 は(17)式によって決定される。(17)式から、各輪帯の焦点 距離は rm、rm·1、およびλoによって決定される。一方、焦 点深度は bの値に依存し、(12)式に示すように、bの値は $R_{\rm M}$ 、 ΔR_1 、 $\Delta R_{\rm M}$ および λ_0 によって決定される。 $R_{\rm M}$ 、 ΔR_1 、 ΔRM が決定されると、レンズ内のすべての構造が決定さ れる。したがって、焦点距離と焦点深度は独立して決定す ることができない。図2(b)は、焦点距離とゾーン半径の関 係を示す。 ΔRM= 8µm の場合、焦点距離は輪帯半径に対 してほぼ一定(6.8 mm)である。逆に、 $\Delta R_{\rm M}$ = 15 μ m お よび 20µm の場合、焦点距離は輪帯半径とともに徐々に増 加する。これらの結果から、ARMの値が小さいほど、回 折レンズの効果が強いと推測できる。

$$P_m - P_{m-1} = \lambda_0 \tag{15}$$

$$\left(f_{m}+r_{m}\right)^{\frac{1}{2}}-\left(f_{m}+r_{m-1}\right)^{\frac{1}{2}}=\lambda_{0}$$

$$f_{m}=\frac{1}{2\lambda_{0}}\sqrt{\left(r_{m}^{2}-r_{m-1}^{2}\right)^{2}-2\lambda_{0}^{2}\left(r_{m}^{2}+r_{m-1}^{2}\right)+\lambda_{0}^{4}}$$
(17)

2・2 シミュレーション結果

数値計算ソフトMATLABで3次元高速フーリエ変換ビ ーム伝搬法(FFT-BPM)によりシミュレーションを行っ た。この方法では、ヘルムホルツ方程式を近軸近似で解く。



図3 レンズとアパーチャの配置(a)とシミュレーショ ンの例(b)

図 3(a)は、 ΔR_1 = 30µm、 ΔR_M = 15µm、 λ_0 = 532 nm、お よび R_M = 500µm の場合についての 3 次元シミュレーシ ョンの結果を示す。図3(a)に示すように、回折レンズの表 面に直径 1mm のアパーチャを取り付け、入射光には平面 波を使用した。図 3(b)に示すように、x = -0.5~0.5 mmの 範囲で BPM シミュレーションを実行した ($\Delta R_{\rm M}$ = 15 μ m)。 シミュレートされたレンズは、x = 0 mm、z = 12.8 mmの位置で強い強度が観測された。 z = 12.8 mm を超える と、強度は急速に減少する。一方、z = 12.8 mm の前では、

強度は z とともに徐々に増加する。これは、アパーチャの 端でのフレネル回折によるものであると考えられる。異な る ΔR_M (ΔR_M =8、15、および 20 μ m)の x = 0 における z 方向の詳細な分布を図 4(a)に示す。



図 4 シミュレーション結果、z 方向 (x=0 mm) (a) と x 方向 (b)

図 3(b)に示すように、各ΔRMの強度分布には強いピー クがあり、強度分布は左右非対称である。たとえば、ΔRM= 15µm の場合、ピークは 12.8 mm にある。z=0 mm と z= 12.8 mm の間では、アパーチャの端でのフレネル回折の 影響により、z とともに強度が徐々に増加する。ΔRM=8 および 20 μm でも同様の結果が得られる。ΔRM が増加す ると、ピーク位置はレンズから遠方に離れてシフトする。 Δ*R*_M= 8µm の場合、鋭いピークが得られる。これらの結 果から、ΔRM= 8µm の場合、回折レンズの効果が支配的 となり、6.8 mm でシャープなピークが得られた。一方、 ΔRM=15 および 20 μm の場合、回折格子の効果は徐々に 増加して、より広い分布が z 方向に得られる。図 4(b) は、z=5、10、20、30 mmのx方向の強度分布を示す。 z = 5 および 10 mm の場合、光軸上に1 つのピークが得 られる。一方、z = 20 および 30 mm の場合、光軸の外側 に非常に弱い2つのピークが得られる。

3. レンズの作製と光学的特性評価

3・1 レンズの作製方法及び評価方法

本研究では電子線描画と現像により作製したレジスト 製レンズ(以下レジストレンズと呼ぶ。)と電子線描画と 反応性イオンエッチングにより作製した石英ガラス製レ ンズ(以下ガラスレンズと呼ぶ。)の2種類を作製した。 作製には厚さ1mmの石英ガラス基板を使用した。まずレ ジストレンズの作製方法について述べる。電子ビーム (EB) レジストをスピンコーティングする前に、ヘキサ メチルジシラザン (HDMS) を石英ガラス基板の表面に スピンコーティングして、基板と EB レジストの間の密着 性を向上させる。表面に EB ポジ型レジスト (ゼオン、 ZEP-520A) をスピンコートした後、プリベークを行った。 続いて、EB レジストに帯電防止剤をスピンコートした。 電子ビームリソグラフィー (EBL) 装置 (Crestec 製 CABL-8000、三重大学所有)には、ZrO / W 熱電界放出 陰極を使用し、加速電圧は 30 kV である。電子線を露光 後、レジストを現像して、所望のレジストレンズができる。 ー方、ガラスレンズはガラス基板上に EB レジストを塗 布する前に反応性イオンエッチング用のマスクとして Cr を堆積した。この Cr 薄膜上に EB レジストを塗布して、 EBL 装置(日本電子製、JBX-6300FS、ZrO / W 熱電界 放出陰極、加速電圧 100kV、名古屋大学所有)によりレ ンズパターンを作製した。その後、反応性イオンエッチン グ装置(サムコ製、RIE-10NR、名古屋大学所有)を用い、 CF4 により石英ガラスをエッチングした後、残った Crマ スクと EB レジストを除去してガラスレンズを作製した。

光学的特性評価は図5に示すように、x方向とz方向の 遠視野透過強度分布を、緑色レーザー(λ = 532 nm)を用 いて測定した。x方向では、光の強度分布を明確に測定す るために、ナイフエッジ法により行った。レンズの表面に 直径 1000µm のピンホールを取り付けてレンズの中心に 合わせ、入射光がレンズ領域のみを照らすようにした。 x 方向とz方向の解像度は、それぞれ 0.02 mm と 0.25 mm である。



図5光学的特性評価の模式図 x 方向の測定(a)とz 方向の測定(b)

3・2 実験結果と考察

図 6 にレジストレンズの中央部と端部の走査型電子顕 微鏡 (SEM) 画像を示す。設計値は ΔR_1 = 30µm および ΔR_M = 15µm でしたが、測定値は ΔR_1 = 29.9µm および ΔR_M = 15.0µm であり、設計通りのレジストレンズが作製でき た。同様にして、 ΔR_M = 8µm および ΔR_M = 20µm の設計 値を持つレンズも作製できた。レジストの膜厚は、非接触 式膜厚計を用いて 555nm と測定された。焦点分布測定用 の光源には、ビーム径 1.2mm の緑色レーザーを使用した。 z 方向の測定では、フォトダイオードに 50µm のピンホ ールを取り付けた。



図 6 作製したレジストレンズの表面 SEM 像 中心部(a) と末端部(b)

図 7(a)は、 $\Delta R_{\rm M} = 20$ 、15、および 8 µm の 3 つのレン ズの z 方向の強度分布を示す。図 3(c)で得られたものと同 様に、非対称なプロファイルで2つのピークが観察された。 16.4、12.0、および 7.0 mm のピークは、それぞれ、 $\Delta R_{\rm M}$ = 20、15、および 8 µm のレジストレンズの焦点を表す。 ΔRM が増加すると、ピーク位置はレンズから遠ざかる。 この結果は、焦点距離が*AR*Mに依存することを示唆する。 その他のピークは、アパーチャの縁によるフレネル回折に よるものと考えられる。ナイフエッジ法では、光軸に垂直 な面にナイフを置き、ナイフを x 方向に 10 mm 動かして 強度を測定した。光の分布を測定する系は積分系であるた め、実際の空間強度分布は、ナイフの変位を微分すること によって取得できる。測定は、ナイフとレンズの間の距離 を z = 5、10、20、および 30 mm と変えながら行った。 図 2(b)に示すように、前者のピーク位置はレンズの構造で 制御できる。 ΔRM = 8µm では、位相シフトが輪帯半径に 対してほぼ一定であるため、ピーク位置はほぼ一定になり、 鋭いピークが得られた。逆に、 $\Delta R_{\rm M} = 15$ および $20 \mu {\rm m}$ で は、各構造の回折によってピーク位置が徐々に変化する。 このように、位相シフトはリングの半径によって徐々に変 化するため、幅広いピークを得ることができる。図 7(a) では、図 4(a)のピークとショルダーに対応する2つのピー クが存在している。ピークはレンズの焦点であり、ショル ダーはアパーチャのエッジのフレネル回折から生じる。従 って、レンズの構造を変えることで光軸上での強度分布が 実現できることを確認できた。フレネル回折に起因するピ ークのため、半値全幅を正確に見積もることができていな い。フレネル回折によるピークをなくす方法は今後検討す る必要がある。



図 7 $\Delta R_{\rm m}$ =15 μ m のレジストレンズにおける光学的特性評価結果 z 方向 (x=0 mm) (a) と x 方向 (b)

一方、ガラスレンズについて、図8に中央部と端部の表面の原子間力顕微鏡(AFM)像を示す。中央部の輪帯間隔は29.4µm、端部の輪帯間隔は7.4µm、深さは510nmで、設計値通りのレンズ構造を得ることができた。



図 8 ガラスレンズの表面 AFM 像 中央部(a)と末端部(b)

図9にz方向の強度分布を示す。レジストレンズの場合 と同様、z=6mmの焦点を得ることができ、シミュレーシ ョン結果とも同様の結果となった。以上の結果より、レジ ストレンズで得られた焦点分布特性がガラスレンズでも 実現できたことから、レーザー加工用レンズとして応用で きる可能性があることを示すことができた。



図9 ガラスレンズの光学的特性評価(z方向)

4. 結論

回折レンズと回折格子で実現した位相シフトにより、焦 点分布を制御できるバイナリ型回折レンズを実現した。レ ンズ構造は、3次元 FFT-BPM 法を使用してシミュレーシ ョンを行い、レンズ端の輪帯間隔 DRMの変化に関して、z 軸に沿った強度分布の変化を調べた。x=0mmで強い強 度を確認し、 $\Delta R_{\rm M}$ が増加すると、x = 0 mm でのピーク位 置がレンズからさらに遠方にシフトする。これらの結果は、 レンズの周期構造を変更することにより、光軸上の強度分 布を単一の平面レンズで制御できることを示している。実 際にレジストレンズを作製して強度分布を測定し、シミュ レーション通りの結果を得ることができた。更に、実際の レーザー加工にレンズを適用するには、ドライエッチング プロセスを使用して、SiO2 ガラス製のレンズを作製する 必要がるため、ガラスレンズの作製も行ったところ、レジ ストレンズと同様の結果を得ることができ、レーザー加工 用レンズとして応用できる可能性があることを示すこと ができた。

謝 辞

本研究を実施するにあたり、設計、実験、結果のディス カッションでご協力いただいた三重大学 平松和政名誉教 授、三重大学大学院工学研究科 井口陽介氏、加藤秀治氏、 加藤亮氏、松尾和樹氏に感謝いたします。

本研究のうち、ガラスレンズ作製に関する部分については、名古屋大学微細加工プラットフォーム事業

(F-18-NU-0068, F-19-NU-0018)の支援を受けて行った ものである。電子線描画装置、反応性イオンエッチング装 置、原子間力顕微鏡の利用に関してご協力いただいた名古 屋大学大学院工学研究科加藤剛志教授、大島大輝助教に感 謝いたします。

参考文献

- A. Motogaito and K. Hiramatsu, "Fabrication of binary diffractive lens on optical films by electron beam lithography," G. Kostovski, Ed., Advances in Unconventional Lithography (In Tech, Croatia), 139-148 (2011).
- J. L. Soret, "Concerning diffraction by circular gratings," Ann. Phys. Chem. 156, 99-113 (1875) (in

German).

- L. B. Lesem, P. M. Hirsch, and J. A. Jordan Jr., "The Kinoform: A new wavefront reconstruction device," IBM J. Res. Dev. 13(2), 150-155 (1969).
- J. A. Jordan Jr., P. M. Hirsch, L. B. Lessem, and D. L. Van Rooy, "Kinoform lenses," Appl. Optics 9(8), 1883-1887 (1970).
- G. J. Swason and W. B. Veldkamp, "Diffractive optical elements for use in infrared systems," Opt. Eng. 28(6), 605-608 (1989).
- Y. Orihara, W. Klaus, M. Fujino, and K. Kodate, "Optimization and application of hybrid-level binary zone plates," Appl. Optics 40 (32), 5877-5885 (2001).
- K. Yamada, W. Watanabe, Y. Li, and K. Itoh, "Multilevel phase-type diffractive lenses in silica glass induced by filamentation of femtosecond laser pulses," Opt. Lett. 29(16), 1846-1848 (2004).
- P. Lalanne, S. Astilean, P. Chavel, E. Cambril, and H. Launois, "Design and Fabrication of Blazed Binary Dif-fractive Elements with Sampling Periods Smaller than the Structural Cutoff," J. Opt. Soc. Am. A 16(5), 1143-1156 (1999).
- P. Lalanne, "Waveguiding in Blazed-Binary Diffractive Elements," J. Opt. Soc. Am. A 16(10), 2517-2520 (1999).
- B. H. Kleemann, M. Seesselberg, and J. Rudoff, "Design concepts for broadband high-efficiency DOEs," J. Eur. Opt. Soc. 3, 08015 (2008).
- A. Motogaito, N. Machida, T. Morikawa, K. Manabe,
 H. Miyake, and K. Hiramatsu, "Fabrication of a binary diffractive lens for controlling the luminous intensity distribution of LED light," Opt. Rev. 16(4), 455-457 (2009).
- A. Motogaito and K. Hiramatsu, "Fabrication of binary diffractive lenses and the application to LED lighting for controlling luminosity distribution," Opt. Photon. J. 3, 67-73 (2013).
- Y. Matsuoka, Y Kizuka, and T. Inoue, "The characteristics of laser micro drilling using a Bessel beam," Appl. Phys. A 84, 423-430 (2006).
- 14. Y. Kizuka, M. Yamauchi, and Y. Matsuoka, "Characteristics of a laser beam spot focused by a binary diffractive axicon," Opt. Eng. 47(5), 053401 (2008).
- A. Sabatyan and S. A. Hoseini, "Diffractive performance of a photon-sieve-based axilens", Appl. Opt. 53(31), 7331-7336 (2014).

- N. Davidson, A. A. Friesem, and E. Hasman, "Holographic axilens: high resolution and long focal depth", Opt. Lett. 16(7), 523-525 (1991).
- 17. J. Sochacki, S. Bara, Z. Jaroszewicz and A. Kolodziejczyk, "Phase retardation of the uniform-intensity axilens", Opt. Lett. 17(1), 7-9 (1992).
- A. Vijayakumar and S. Bhattacharya, "Design of multifunctional diffractive optical elements," Opt. Eng. 54(2), 024104 (2015).
- K. Huang, F. Qin, H. Liu, H. Ye, C. -W. Qiu, M. Hong,
 B. Luk'yanchuk, and J. Teng, "Planar diffractive lenses: Fundamentals, functionalities, and applications," Adv. Mater. 30, 1704556 (2018).
- 20. P. Wang, N. Mohammad and R. Menon, "Chromatic-aberration-corrected diffractive lenses for ultrabroadband focusing," Sci. Rep. 6, 21545 (2016).

- C. Williams, Y. Montelongo, and T. D. Wilkinson, "Plasmonic metalens for narrowband dual-focus imaging," Adv. Optical Mater. 5, 170081 (2017).
- 22. C. Zheng, H. Zang, Y. Du, Y. Tian, Z. Ji, J. Zhang, Q. Fan, C. Wang, L. Cao, and E. Liang, "Realization of arbitrarily long focus-depth optical vortices with spiral area-varying zone plates," Opt. Commun. 414, 128-133 (2018).
- P. Lalanne and P. Chavel, "Metalenses at visible wavelengths: past, present, perspectives," Laser Photonics Rev. 11(3), 1600295 (2017).
- 24. E. Arbabi, A. Arbabi, S. M. Kamali, Y. Horie, M. Faraji-Dana, and A. Faraon, "MEMS-tunable dielectric metasurface lens," Nat. Commun. 9, 812 (2018).