# 結晶塑性有限要素法のための単結晶材料パラメータの同定

東京工業大学 工学院 機械系 機械コース 助教 寺野 元規 (平成25年度一般研究開発助成AF-2013013)

キーワード:単結晶純鉄、材料試験、静的再結晶、結晶塑性有限要素法

# 1. 研究の目的と背景

近年の省エネルギー化,省資源化への対応のため材料特 性向上が強く望まれている.その一つの方策として結晶組 織制御技術が注目されている.結晶組織制御による材料開 発は合金元素の削減,リサイクル性の向上に有効である. また材料異方性をも自在に制御できるという特徴があり, 特に自動車用鋼材や電磁鋼板の開発に有効である.さらに, 結晶組織制御技術は国内産業だけに留まらず,世界的な環 境問題,資源問題の解消に貢献ができると期待できる.

結晶組織制御による材料開発,およびその材料異方性を 最大限に生かした製品開発には,結晶塑性有限要素法によ る解析が有効である.結晶塑性有限要素法は個々の結晶内 の転位挙動を構成式に導入したものであり,圧延やプレス などのマクロな加工プロセスの解析に結晶方位,結晶粒形 状,結晶粒サイズなどの影響因子を取り入れたマルチスケ ール解析を行うものである.本解析には転位挙動を表すた めの10を超える材料パラメータを適切に定めることが 重要である.しかし,これらの材料パラメータは直接定め ることが出来ないため,近年の多くの研究にも関わらず解 析の信頼性が十分でないという問題がある.

そこで本研究では、単結晶純鉄を対象に、結晶塑性有限 要素法に必要な材料特性の測定を行う.また、ひずみ付与 後の熱処理による再結晶・粒成長過程の時系列観察を行い、 結晶組織制御の可能性を検討する.

## 2. 試験方法

#### 2.1 供試材料

試験片は直径 6 mm の純鉄単結晶(Fe 純度:99.994%)を 用いる.この単結晶丸棒より,図 1,2 のようなせん断試 験片および引張試験片をワイヤ放電加工で作製する.

せん断試験片の寸法は長さ4 mm, 幅 3 mm, 厚さ 0.7 mm であり,表1の方位となるよう作製した.



引張試験片の各部寸法は全長 3.5 mm, 平行部幅 0.75 mm, 平行部長さ 1.5 mm, 厚さ 2~3 mm であり, 初期の オイラー角は表 2 のとおりである.



表2	引張試験片の初期方位			
試驗	オイラ一角 /deg.			
	φ1	Φ	φ2	
Α	14.2	155.1	270.1	
В	112.0	83.7	67.8	
С	324.8	121.9	302.2	
D	96.4	118.7	30.4	
Е	158.3	117.9	332.4	
F	22.0	45.3	52.5	
G	222.1	45.3	52.5	
Н	166.1	120.6	332.1	
I	30.6	29.8	84.4	

# 2.2 せん断試験装置の概要

せん断試験装置の模式図を図3に示す.パンチ幅は1.8 mm,パンチ・ダイのクリアランスは片側0.1 mm である. また,パンチ・ダイの厚さ(奥行)は5 mm である.



図3 せん断試験装置 図4 引張試験治具



#### 2.3 引張装置の概要

図4に引張試験治具を示す.左右にガイドを取付け,試 験片をチャックするために端面を楔形状に加工した.この 治具を図5に示す引張試験装置に取り付け,引張試験する. 本装置はモーターによりボールねじを介してクロスヘッ ドを駆動する.クロスヘッドが平行に動くよう,ボールね じの左右にガイドを取り付けた.引張荷重は平行はり構造 の自作ロードセルにより測定する.

### 3. 試験結果

#### 3.1 せん断試験結果<sup>1),2)</sup>

純鉄単結晶について,表1に示す初期結晶方位を有する 試験片に対し、せん断試験を行った.図6にせん断試験に おける荷重-ストローク線図を示す.結晶方位により,異 なる結果が得られた.これらの結果より、せん断応力・せ ん断ひずみを算出すると図7のようになる.今回行ったせ ん断試験では、曲げが生じてしまったが、今回は曲げの影 響を無視し、パンチ押込み量からせん断応力およびせん断 ひずみを算出した.本結果を用いて,結晶塑性理論に基づ き、活動すべり系(12の主すべり系)の臨界分解せん断 応力 $\tau_c$ を算出すると表3のようになった. 試験片3を除 き臨界せん断応力 $\tau_c$ はほぼ一定(約27 MPa)となってい る. 試験片3が他と大きく異なっている原因として, 試験 片の曲げの影響が考えられる.図8に試験後の試験片3 の断面写真を示す.また、図 9 に試験後の試験片および EBSD 測定結果を示す. パンチおよびダイのクリアラン ス部でせん断変形が起こっている.また,試験片の湾曲が 確認できる.試験方法の改善(クリアランス量の調整,板 押さえなど)により、曲げ変形の影響がより少なくする必 要がある.



図6 せん断試験における荷重・ストローク曲線



表3 臨界分解せん断応力





図8 試験片3の断面写真



IPF map (r direction) IQ map 図9 せん断試験後の試験片および EBSD 測定結果



次に,結晶組織制御の可能性を検討するため,せん断ひ ずみ付与後の試験片に600℃で熱処理を行い,再結晶粒の 観察を行った.図10に600℃で熱処理後のIPFマップを 示す.試験条件はパンチ押込み量S=0.8,0.9 mm および 熱処理時間T=10,30 min.である.どの試験片もダイエ ッジ近傍で静的再結晶が起きている.これはダイエッジ近 傍でひずみが集中し,静的再結晶の駆動力になったためと 考えられる.パンチ押込み量が大きい,すなわち,ひずみ が大きいほど再結晶粒径は大きく,熱処理時間が長いほど 再結晶が進んでいる.以上より,比較的小さな塑性ひずみ を付与し,緩やかに再結晶を起こさせる方法が再結晶粒の 制御に適していると考えられる.

## 3.2 引張試験結果<sup>3)</sup>

せん断試験では、試験片に曲げ変形が加わり、またダイ 近傍でひずみが集中してしまった.そこで、これらの影響 を受けない試験として、引張試験をした.なお、引張試験 速度は 0.2 mm/s で一定である.また、引張治具にはガイ ドとの摩擦を低減するために二硫化モリブデングリスを 塗布した.

図 11 に試験片 A の荷重・伸び線図を示す. 結晶方位が 同じになるよう切出した3種類の試験片(A1, A2, A3)につ いて, ひずみ量を変えて引張試験した. A1, A2, A3の荷 重・伸び線図はおおむね一致しており, 再現性を確認でき た. 図 12 に試験片 A の引張前後の結晶方位変化を示す. 引張による格子回転が生じていることがわかる. A3 は最 大荷重を超えているため, 局部くびれがしょうじているた め, 結晶方位のばらつきが大きくなった.



図11 引張試験における荷重・伸び曲線



図 12 引張試験における結晶方位変化(試験片 A)

引張試験後,静的再結晶過程を観察するため,図13に 示すプロセスで熱処理(焼鈍)と EBSD 観察を繰り返し た.各焼鈍は 600℃・アルゴン雰囲気で行い,焼鈍時間は それぞれ 0.5 分,1.5 分(計2分),3 分(計5分),5 分 (計10分),20分(計30分),90分(計120分)行い, 各焼鈍後には EBSD 観察を行った.





図 14 試験片 A の IPF Map

試験片 A における引張後と焼鈍時間 3 分,5 分の IPF Map を図 14 に示す.引張量が大きいほど,多くの再結晶 粒が生じた.また,焼鈍時間が長くなると,再結晶粒が成 長している過程を観察できた.A3 試験片のように,くび れが生じるような大きな引張ひずみを加えてしまうと,全 域が再結晶してしまい,再結晶粒の成長の観察が困難であ る.そこで,以降の試験では,A1,A2 のように一様伸び の領域で静的再結晶過程の観察を行った.

図15に試験片Eにおける静的再結晶過程の観察結果を 示す.焼鈍時間が長くなるにつれ,静的再結晶が進行して いる.再結晶粒の発生位置について,以下の手法で調べる. まず,結晶塑性理論に基づき,12個の主すべり系のみ作 用すると仮定し,EBSD分析結果から引張試験における シュミット因子を算出する.次に,このシュミット因子と



引張応力から各すべり系に働くせん断応力を算出する. そ の後,アサロの式(m=0.5 と仮定)を用いて,せん断ひ ずみ速度を求め,変形中一定の仮定のもと,せん断ひずみ 量の和 $\Sigma\gamma^k$ を求めた. 試験片 E, F, H についてせん断ひず み量の和 $\Sigma\gamma^k$ を求めた結果を図 16 に示す. 再結晶の発生 はせん断ひずみ量の和 $\Sigma\gamma^k$ を考慮すると, $\Sigma\gamma^k$ の絶対値の 大小によらず,その差が大きい箇所から発生している. EBSD 分析から得られる結晶方位差を示す KAM マップ もおおむね $\Sigma\gamma^k$ の分布と一致していることから,転位密度 差の大きな箇所で再結晶(もしくは粒成長)が起きたと言 える.



図16 再結晶粒の発生位置



図 17 再結晶粒の粒成長(試験片 E)



図18 各試験片における予引張ひずみ量と再結晶の関係

焼鈍時間と再結晶の関係を調べるため,比較的大きく再結晶粒が粒成長した粒に注目し,各焼鈍時間における再結晶面積を求めた.試験片 E の結果を図 17 に示す.焼鈍時間5分までは急速に粒成長がおきており,それ以降は緩やかに再結晶が進んでいる.

次に,各試験片における 120 分間焼鈍後の再結晶粒面 積を図 18 示す. 横軸は試験後の平行部長さから算出した 引張ひずみである. 方位により再結晶が起こる引張ひずみ 量は異なるが,0.2 程度あれば今回試験した方位では再結 晶が生じた.

#### 3.3 結晶塑性有限要素法による解析結果<sup>4)</sup>

引張試験で得られたデータを元に,結晶塑性有限要素法 に必要な材料特性を求め,引張試験の解析を行う.解析に は ABAQUS を用い,ユーザサブルーチンとして UMAT を用いる.図 19 に解析モデルを示す.試験片形状は図 2 と同形状とし,2100 要素(要素タイプ 3D8R)に分割し た.その他の条件は,図中に示すとおりである.



図19 解析モデル

解析では BCC 金属の 12 の主すべり系のみを考慮し, すべり系 $\alpha$ におけるすべり速度 $\dot{\gamma}^{\alpha}$ は

$$\dot{\gamma}^{\alpha} = \dot{\gamma}_0 \left[ \frac{|\tau^{\alpha}|}{k_s^{\alpha}} \right]^{\frac{1}{m}} sign(\tau^{\alpha})$$

$$k_s^{\alpha} = h_0 \left( 1 - \frac{k_s - k}{k_s - k_0} \right) \sum_{\alpha=1}^{N} |\dot{\gamma}^{\alpha}|$$

と仮定する. なお, 各パラメータの定義は表4のとおりで ある. また, 引張試験結果より各パラメータを求めた結果 も加えて示す. この各パラメータを用いて, 引張試験を解 析した結果を図21に示す. 解析結果と試験結果はおおむ ね一致している. しかし, 特定方位の解析結果は試験結果 と一致しておらず, 今後の課題である.

表4 解析パラメータ

т	Strain rate sensitivity factor	0.05
Ϋ́ο	Reference shear rate	0.001
$h_0$	Initial hardening rate	109 <i>MPa</i>
$\kappa_0$	Initial strength of slipping system	176 MPa
κ <sub>s</sub>	Saturation strength of slipping system	251 MPa



図 21 結晶塑性有限要素法による解析結果

本解析では12の主すべり系のみを考慮したが、より高 精度に解析するには、補助すべり系も考慮する必要がある と考える、補助すべり系も考慮した結晶塑性有限要素解析 は今後進める予定である.

## 4. まとめ

本研究では、結晶塑性有限要素法の高精度化を目指し、 単結晶純鉄を供試材として、材料特性の測定を行った.ま た、ABAQUSを用いて、測定した材料特性から求めたパ ラメータを用いて結晶塑性有限要素法による解析を行っ た.また、各試験に供した試験片を熱処理することにより、 静的再結晶過程の観察を行った.得られた結果を以下にま とめる.

(1) せん断試験結果より,結晶塑性理論に基づき,活動 すべり系の臨界分解せん断応力を求めると約27 MPa であった.また,せん断試験後の再結晶過程の観察よ り,再結晶粒を制御するためには比較的小さな塑性ひ ずみを付与し,緩やかに再結晶を起こさせる必要があ ると考えられる.

- (2) 様々な結晶方位の試験片について引張試験を行い, 焼鈍と EBSD 観察を繰り返すことにより,静的再結晶 の進行過程を時系列的に観察した.その結果,静的再 結晶の発生はせん断ひずみ量の和Σγ<sup>k</sup>の差が大きい箇 所(KAM 値の差が大きい箇所)から発生することが わかった.また,再結晶粒は主に引張ひずみが 0.2 程 度の試験片で観察された.
- (3) 本試験で得られた結果を元に、材料パラメータを算出した.また、これらのパラメータを用いて、ABAQUSのUMATを利用して結晶塑性有限要素法による引張試験の解析を行った.今後、より高精度な解析をするため、12の主すべり系のみでなく、補助すべり系も考慮した結晶塑性有限要素解析を進める.

#### 謝 辞

本研究は公益財団法人天田財団の平成25年度一般研究 開発助成(AF-2013013)の援助により行われた.ここに記し て同財団に深く感謝の意を表します.

## 参考文献

- 寺野元規,矢部慎太郎,吉野雅彦:"純鉄単結晶における静的再結晶過程に及ぼす塑性変形の影響",第66回塑 性加工連合講演会,(2015),pp. 215-216.
- 2) Shintaro YABE, Masahiko YOSHINO, Motoki Terano: "Fundamental study on crystalline structure for development of functional surface", Porceedings of LEM21\_2015, (2015).
- 3) 寺野元規,矢部慎太郎,吉野雅彦:"純鉄単結晶における静的再結晶過程に及ぼす引張変形の影響",平成28年度塑性加工春季講演会,(2016),pp. 321-322.
- 4) 駱自超, 寺野元規, 吉野雅彦: "Numerical study of influencing parameters of single crystal iron static recrystallization", 日本機械学会関東支部第 22 期総 会講演会, (2016), GS0413.